

11. 保存力による直線上の運動 (1次元)

エネルギー保存則から。(単位質量を考える)

$$\frac{1}{2} \left(\frac{dx}{dt} \right)^2 = E - U(x) \dots \dots \textcircled{1}$$

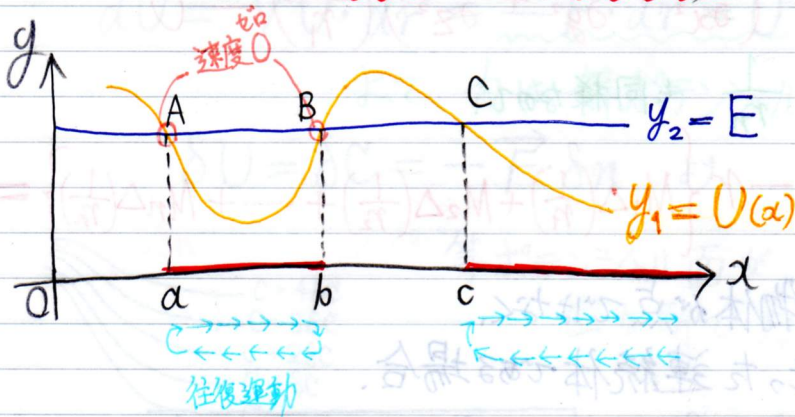
$$\therefore \frac{dx}{dt} = \pm \sqrt{2(E - U(x))}$$

$$\Leftrightarrow \pm \int \frac{dx}{\sqrt{2(E - U(x))}} = t + (\text{定数}) \quad (\because \int dt = t + (\text{定数}))$$

①の左辺は負にならないので、

$$E \geq U(x)$$

が、運動の可能な範囲(可動区間)である。



$$\begin{aligned} \vec{F} &= -\vec{\nabla}U \\ &= -\frac{d}{dx}U \end{aligned}$$