

数理計画法 平成23年

1. 作業を行った時の満足度の期待値は、 $16(1-p) - 5p = 16 - 21p$
作業を行わなかった時の満足度の期待値は、 $-8(1-p) + 10p = -8 + 18p$

これを連立して

$$16 - 21p = -8 + 18p$$

$$\Leftrightarrow p = \frac{24}{39} = \frac{8}{13}$$

よって、雨天の確率が $\frac{8}{13}$ (約60%) 以下であれば、砕土作業を行う。

2

到着率 $\lambda = \frac{1}{15}$ (1/分), サービス率 $\mu = \frac{1}{12}$ (1/分) より

$$\text{稼働率 } \rho = \frac{\frac{1}{15}}{\frac{1}{12}} = 0.8$$

(ア) 処理して待ちしている農家も含めた待ち行列は ρ を用いて $\frac{\rho}{1-\rho}$ で表せるので

$$\frac{\rho}{1-\rho} = \frac{0.8}{1-0.8} = \frac{0.8}{0.2} = 4 \quad \text{--- (答)}$$

(イ) 処理して待ちしている農家を含めない待ち行列の長さは、 ρ を用いて $\frac{\rho^2}{1-\rho}$ で表せ。

$$\frac{\rho^2}{1-\rho} = \frac{0.64}{0.2} = 3.2 \quad \text{--- (答)}$$

(ウ) 全所要時間を T とすると、 $T = \frac{1}{\mu - \lambda}$ で表せるので

$$T = \frac{1}{\frac{1}{12} - \frac{1}{15}} = 60$$

(エ) 待ち時間は $\frac{\rho}{\mu - \lambda}$ で表せるので

$$\frac{\rho}{\mu - \lambda} = \frac{0.8}{\frac{1}{12} - \frac{1}{15}} = 48$$

3

(ア) 他のプレイヤーがとる戦略の組合せに対して必ず利得があるような戦略。

(イ) ゲームに参加しているプレイヤーの各々の利得が、それ以外の戦略をとると減ってしまうために、もはや変更を必要としない戦略の組み合わせ。

(ウ) 到着率をサービス率でわったもの、稼働率が1を超えると待ち行列はどんどん長くなる。

..... カンタンすぎへん?? もう少し丁寧に書くべき?