

抵抗のインピーダンス $Z_R (\Omega)$, コイルのインピーダンス $Z_L (\Omega)$, コンデンサのインピーダンス $Z_C (\Omega)$ はそれぞれ,

$$Z_R = R \quad (1)$$

$$Z_L = \boxed{\text{(ア)}} \quad (2)$$

$$Z_C = \boxed{\text{(イ)}} \quad (3)$$

である.

ここでインピーダンス $Z (\Omega)$ の逆数であるアドミタンス $Y (S)$ を用いて考える. すなわち,

$$Y = \frac{1}{Z} \quad (4)$$

である. 抵抗のアドミタンス Y_R , コイルのアドミタンス Y_L , コンデンサのアドミタンス Y_C はそれぞれ,

$$Y_R = \frac{1}{R} \quad (5)$$

$$Y_L = \boxed{\text{(ウ)}} \quad (6)$$

$$Y_C = \boxed{\text{(エ)}} \quad (7)$$

である.

Z_R と Z_L と Z_C の並列合成インピーダンスを Z_{RLC} とする. また図1の並列合成アドミタンスを Y_{RLC} とする. Y_{RLC} は Z_{RLC} の逆数 $\frac{1}{Z_{RLC}}$ なので,

$$Y_{RLC} = \frac{1}{Z_{RLC}} = \boxed{\text{(オ)}} \quad (8)$$

となる. この式の実部と虚部に分けたうえで虚部をまとめた式を書くと,

$$Y_{RLC} = \frac{1}{R} + j \left(\boxed{\text{(カ)}} \right) \quad (9)$$

となる. ω を変化させるとき合成アドミタンス Y_{RLC} の絶対値 $|Y_{RLC}|$ がどのように変化するかを複素平面上で考えると, 虚部が0のとき $|Y_{RLC}|$ が最小値 $\frac{1}{R}$ になることがわかる. すなわち,

$$\boxed{\text{(キ)}} = 0 \quad (10)$$

のとき $|Y_{RLC}|$ が最小値 $\frac{1}{R}$ になる. このときの ω を ω_0 とすると, この ω_0 は,

$$\omega_0 = \boxed{\text{(ク)}} \quad (11)$$

である.