

強共振振動の特解とC

$$x_{01}(t) = \frac{1}{2} \frac{f_0}{\omega_1^2 - \omega^2} \cos \omega t \quad \dot{x}_{01}(t) = \frac{-\frac{1}{2} f_0}{\omega_1^2 - \omega^2} \sin \omega t$$

ここで"抵抗は非常に小さいと(を無視して)

$$x_{12}(t) = \frac{f_0}{2} \left(\frac{1}{\omega_1^2 - \omega^2} - \frac{1}{\omega_2^2 - \omega^2} \right) \cos \omega t$$

$$x_{22}(t) = \frac{f_0}{2} \left(\frac{1}{\omega_1^2 - \omega^2} + \frac{1}{\omega_2^2 - \omega^2} \right) \cos \omega t \quad \text{これが"特解"である。}$$

自由振動C

各モードにC

$$\omega_n = 2\sqrt{\frac{k}{m}} \sin \frac{p_n}{2} \quad p_n = \frac{\pi}{N+1} n \quad (n=1, 2, \dots, N)$$

max Cは、 $2\sqrt{\frac{k}{m}}$ の振動数の外力で一番端の質点を振動させる。
左に質点が来て振動幅は小さくなる。