

(2) 基準座標

モード1のとき2つの質点の重心が重心、2つの質点の重心が重心として相対座標が振動している。

$$X = \frac{x+y}{2} \quad Y = \frac{x-y}{2} \text{ として}$$

$$m \frac{d^2 X}{dt^2} = -kX \quad m \frac{d^2 Y}{dt^2} = -(k+2k)Y \text{ として}$$

$$X(t) = A_1 \cos(\omega_1 t + \phi_1) \quad Y(t) = A_2 \cos(\omega_2 t + \phi_2)$$

$$x(t) = X(t) + Y(t) = A_1 \cos(\omega_1 t + \phi_1) + A_2 \cos(\omega_2 t + \phi_2)$$

$$y(t) = A_1 \cos(\omega_1 t + \phi_1) - A_2 \cos(\omega_2 t + \phi_2)$$

□) なり

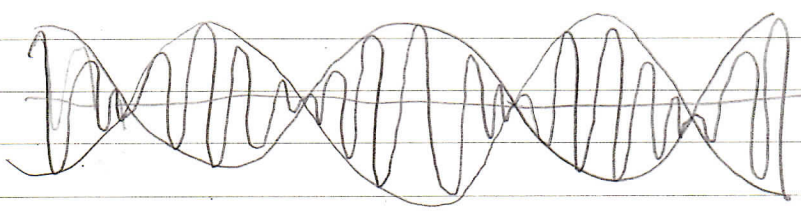
なりは振動数の異なる2つの単振動を重ねると見られ ω_1 と ω_2 として

$$x(t) = A \cos \omega_1 t + A \cos \omega_2 t \text{ と表す。}$$

簡単のため振幅を共通のA、初期位相 $\phi_1, \phi_2 = 0$ とした

$$x(t) = 2A \cos\left(\frac{\omega_1 + \omega_2}{2} t\right) \cos\left(\frac{\omega_1 - \omega_2}{2} t\right) \text{ となる}$$

グラフにすると



この式(1)にちなみこれを式で表すと

$$x(t) = A(t) \cos \omega_{av} t \text{ とする } (\omega_{av} = \frac{\omega_1 + \omega_2}{2})$$

$$A(t) = 2A \cos \omega_{en} t \text{ (A(t)は時間的に変化する振幅で } \omega_{en} = \frac{|\omega_1 - \omega_2|}{2} \text{)}$$